Title	Regular vector lattice ニツイテ
Author(s)	小笠原, 藤次郎
Citation	全国紙上数学談話会. 233 p.877-p.878
Issue Date	1942-03-18
oaire:version	VoR
URL	https://doi.org/10.18910/74953
rights	
Note	

1022. regular vector lattice ニツイテ

小笠原 藤次郎 (広島文理大)

(追加)

Xヲ単位eヲモツ$K_2(B_2)$空間トシ§1ノ様ニ$\mathcal{L}_\Omega$ヲ考ヘル. 定理2ハ$\mathcal{L}_\Omega$ガ regular ナルコトヲ教ヘルガ $\rho(x) = \left\| \frac{|x|}{1+|x|} \right\|$, $x \in \mathcal{L}_\Omega$ トオクコトニ依ッテ$\mathcal{L}_\Omega$ハ型(F)ノ空間トナリ又Xノρニヨル metric completion トナル. $\rho(x)$ハ

(1) $\rho(x) = \rho(|x|) > 0$, $x = 0$ ノトキニ限リ $\rho(x) = 0$

(2) $\rho(x+y) \leqq \rho(x) + \rho(y)$

(3) $|x| < |y|$ ノトキ $\rho(x) \leqq \rho(y)$ ($\rho(x) < \rho(y)$)

(4) $x_n \downarrow 0$ ノトキ $\rho(x_n) \to 0$

(5) $0 \leqq x_n \uparrow +\infty$ ノトキ

$$\lim_{n\to\infty} \lim_{p\to\infty} \rho(x_{n+p} - x_n) > 0,$$

$$\lim_{\lambda\to 0} \lim_{n\to\infty} \rho(\lambda x_n) > 0$$

(6) $x_n, x \in X$ 且ツ $\| x_n - x \| \to 0$ ノトキ $\rho(x_n - x) = 0$

$\mathcal{L}_\Omega$ハ吉田氏ノ意味デノ抽象S空間 (学士院記事 16 (1940) 280—284) ノ性質ヲモツ。

§1ニ於テ廣義ノ(0)—収斂ヲ定義シタガ同様ノ方法デ廣義ノ(0)—有界ガ定義サレルカラK_2空間ニ関スル限リニ於テ吉田氏ノ個別エルゴード定理2 (上掲論文) ハ抽象S空間ヲ表面ダケデナクトモヨイコトニナル。念ノタメ同定理ノ

内容ヲ同氏ノ記法ニ従ッテ述ベルト $\mathfrak{K}_2$ 空間 X デ

假定 (1) 第二種ノ集合ニ属スル $x \in X$ ノ各々ニツイテ $\{x_n\}$ ハ廣義ノ(0)－有界.

(2) アル $y \in X$ ニツイテ $\bar{y} \in X$ ガ存在シ $\|y_n - \bar{y}\| \to 0$ $T_n \bar{y} = \bar{y}$

(3) 各々ノ m ニツイテ $T_n y - T_n T_m y$ ハ $n \to \infty$ ノトキ 0 ニ広義ノ (0)－収斂.

終結： y_n ハ $\bar{y}$ ニ広義ノ (0)－収斂ヲナス。